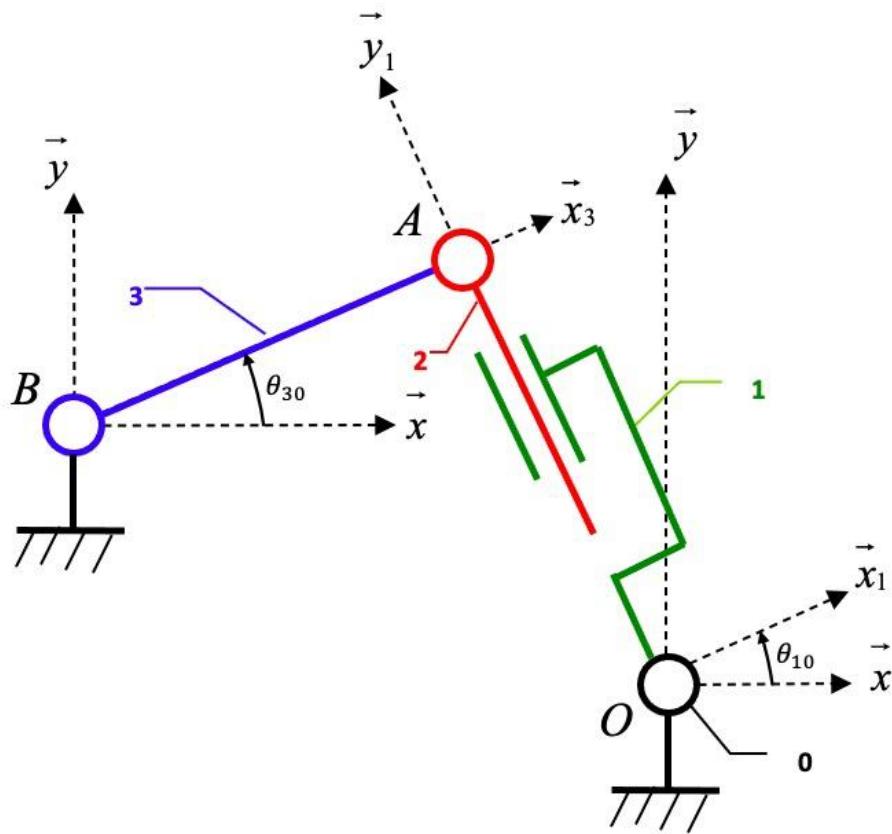


Document A3_DR1_Pilote

Schéma cinématique minimal plan (\vec{x} , \vec{y})



Fermetures géométriques

$$\begin{aligned}\overrightarrow{OA} + \overrightarrow{AB} + \overrightarrow{BO} &= \vec{0} \\ \lambda_{21} \cdot \vec{y}_1 - a \cdot \vec{y}_3 + b \cdot \vec{x} - c \cdot \vec{y} &= \vec{0}\end{aligned}$$

Projections

projection sur \vec{y}_0 $-c + \lambda_{21} \cdot \cos \cos \theta_{10} - a \cdot \cos \cos \theta_{10} = 0$
 projection sur \vec{x}_0 $b + \lambda_{21} \cdot \sin \sin \theta_{10} + a \cdot \sin \sin \theta_{30} = 0$

Résolution : loi d'entrée-sortie

il faut éliminer θ_{10} en utilisant la formule de trigo

$$\text{soit } \left(\frac{a \cos \cos \theta_{30} + c}{\lambda_{21}} \right)^2 + \left(\frac{a \sin \sin \theta_{30} + b}{\lambda_{21}} \right)^2 = 1$$

$$\begin{aligned} (a \cos \cos \theta_{30} + c)^2 + (a \sin \sin \theta_{30} + b)^2 &= \lambda_{21}^2 \\ a^2 \cdot \theta_{30} + c^2 + 2 \cdot a \cdot c \cdot \cos \cos \theta_{30} + a^2 \cdot \theta_{30} + b^2 + 2 \cdot a \cdot b \cdot \sin \sin \theta_{30} &= \lambda_{21}^2 \\ a^2 + b^2 + c^2 + 2 \cdot a \cdot (c \cos \cos \theta_{30} + b \sin \sin \theta_{30}) &= \lambda_{21}^2 \end{aligned}$$

$$\text{On pose } (c \cos \cos \theta_{30} + b \sin \sin \theta_{30}) = \sqrt{c^2 + b^2} \cdot \left(\frac{c}{\sqrt{c^2 + b^2}} \cos \cos \theta_{30} + \frac{b}{\sqrt{c^2 + b^2}} \sin \sin \theta_{30} \right)$$

La relation s'écrit désormais :

$$a^2 + b^2 + c^2 + 2 \cdot a \cdot \sqrt{c^2 + b^2} \left(\frac{c}{\sqrt{c^2 + b^2}} \cos \cos \theta_{30} + \frac{b}{\sqrt{c^2 + b^2}} \sin \sin \theta_{30} \right) = \lambda_{21}^2$$

$$\text{Si on pose que } \beta = \left(\frac{b}{c} \right) \text{ alors } \frac{c}{\sqrt{c^2 + b^2}} = \cos \beta \text{ et } \frac{b}{\sqrt{c^2 + b^2}} = \sin \beta$$

$$\text{Et donc } (c \cos \cos \theta_{30} + b \sin \sin \theta_{30}) = \sqrt{c^2 + b^2} \cdot (\cos \cos \beta \cdot \cos \cos \theta_{30} + \sin \sin \beta \cdot \sin \sin \theta_{30}) = \sqrt{c^2 + b^2} \cdot \cos \cos(\theta_{30} + \beta)$$

$$\text{Désormais il est établi que : } a^2 + b^2 + c^2 + 2 \cdot a \cdot \sqrt{c^2 + b^2} \cdot \cos \cos(\theta_{30} + \beta) = \lambda_{21}^2$$

$$\begin{aligned} 2 \cdot a \cdot \sqrt{b^2 + c^2} \cdot \cos \cos(\theta_{30} + \beta) &= \lambda_{21}^2 - a^2 - b^2 - c^2 \\ \cos \cos(\theta_{30} + \beta) &= \frac{\lambda_{21}^2 - a^2 - b^2 - c^2}{2 \cdot a \cdot \sqrt{b^2 + c^2}} \end{aligned}$$

Finalement la loi entrée/sortie peut s'écrire sous la forme suivante :

$$\theta_{30(t)} = a \cos \left[\left(\frac{\lambda_{21(t)}^2 - (a^2 + b^2 + c^2)}{2 \cdot a \cdot \sqrt{b^2 + c^2}} \right) \right] - \left(\frac{b}{c} \right)$$

